

**\*\* Studio della seguente funzione \*\***

$$y = \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)}$$

La funzione si può semplificare nel seguente modo:

$$y = (2 \sin(x) - 1) (-\sec(2x))$$

**Studio della seguente funzione:**

$$y = \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)}$$


---

**\*\* Generalità sulla funzione \*\***

Funzione periodica – Periodo  $T = 2\pi$

Funzione studiata nell'intervallo  $[\frac{\pi}{4}; \frac{5\pi}{4}]$

Funzione ne pari ne dispari

**\*\* Dominio \*\***

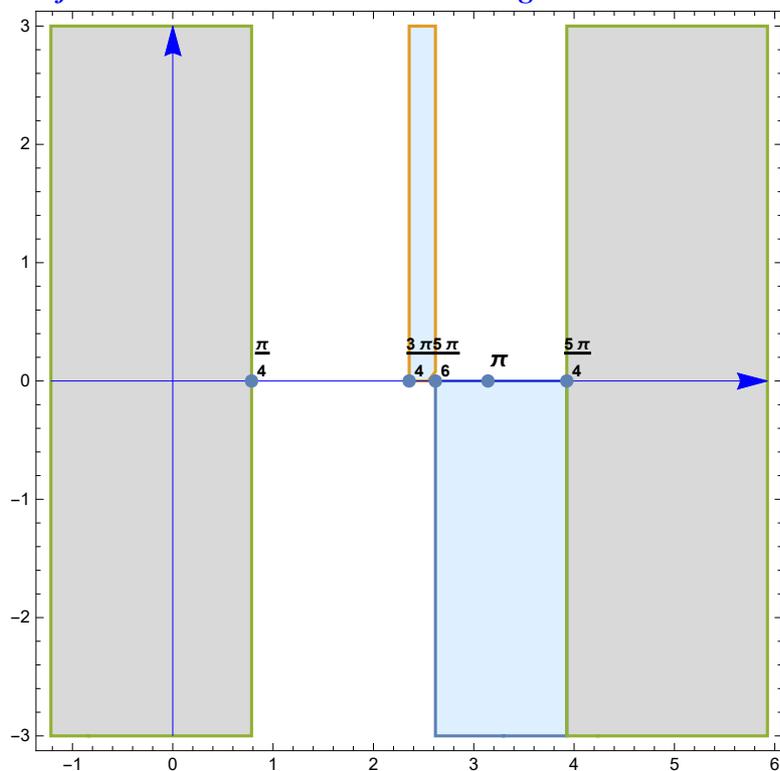
***Condizioni per determinare il dominio***

$$1 - 2 \cos^2(x) \neq 0$$

### *Dominio della funzione*

$$\mathcal{D} = ]\frac{\pi}{4}; \frac{3\pi}{4}[ \cup ]\frac{5\pi}{4}; \frac{7\pi}{4}[ \cup [0; \frac{\pi}{4}[ \cup ]\frac{7\pi}{4}; 2\pi] \cup ]\frac{3\pi}{4}; \frac{5\pi}{4}[$$

### *Grafico del dominio e dello studio del segno*



**\*\* Intersezioni con gli assi cartesiani \*\***

$$(0 ; 1) \left( \frac{5\pi}{6} ; 0 \right)$$

## \*\* Limiti e asintoti \*\*

### Limiti

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^+} \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)} = \infty \Rightarrow x = \frac{\pi}{4} \text{ asintoto verticale}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{3\pi}{4}^-} \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)} = \infty \Rightarrow x = \frac{3\pi}{4} \text{ asintoto verticale}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{5\pi}{4}^+} \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)} = -\infty \Rightarrow x = \frac{5\pi}{4} \text{ asintoto verticale}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{7\pi}{4}^-} \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)} = -\infty \Rightarrow x = \frac{7\pi}{4} \text{ asintoto verticale}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^-} \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)} = -\infty \Rightarrow x = \frac{\pi}{4} \text{ asintoto verticale}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{7\pi}{4}^+} \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)} = \infty \Rightarrow x = \frac{7\pi}{4} \text{ asintoto verticale}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{3\pi}{4}^+} \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)} = -\infty \Rightarrow x = \frac{3\pi}{4} \text{ asintoto verticale}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{5\pi}{4}^-} \frac{2 \sin(x) - 1}{1 - 2 \cos^2(x)} = \infty \Rightarrow x = \frac{5\pi}{4} \text{ asintoto verticale}$$

### Asintoti

$$x = \frac{\pi}{4}$$

$$x = \frac{3\pi}{4}$$

$$x = \frac{5\pi}{4}$$

$$x = \frac{7\pi}{4}$$

## \*\* Studio della continuità \*\*

### Punti di discontinuità

$$x_1 = 2\pi k + \frac{\pi}{4} \quad \text{Discontinuità di II specie} \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^-} \frac{2\sin(x)-1}{1-2\cos^2(x)} = \text{funzione non definita a sinistra di } \frac{\pi}{4}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^+} \frac{2\sin(x)-1}{1-2\cos^2(x)} = \infty$$

$$f\left(\frac{\pi}{4}\right) = \nexists$$

$$x_2 = 2\pi k + \frac{3\pi}{4} \quad \text{Discontinuità di II specie} \quad \lim_{x \rightarrow \frac{3\pi}{4}^-} \frac{2\sin(x)-1}{1-2\cos^2(x)} = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{3\pi}{4}^+} \frac{2\sin(x)-1}{1-2\cos^2(x)} = \text{funzione non definita a destra di } \frac{3\pi}{4}$$

$$f\left(\frac{3\pi}{4}\right) = \nexists$$

$$x_3 = 2\pi k + \frac{5\pi}{4} \quad \text{Discontinuità di II specie} \quad \lim_{x \rightarrow \frac{5\pi}{4}^-} \frac{2\sin(x)-1}{1-2\cos^2(x)} = \text{funzione non definita a sinistra di } \frac{5\pi}{4}$$

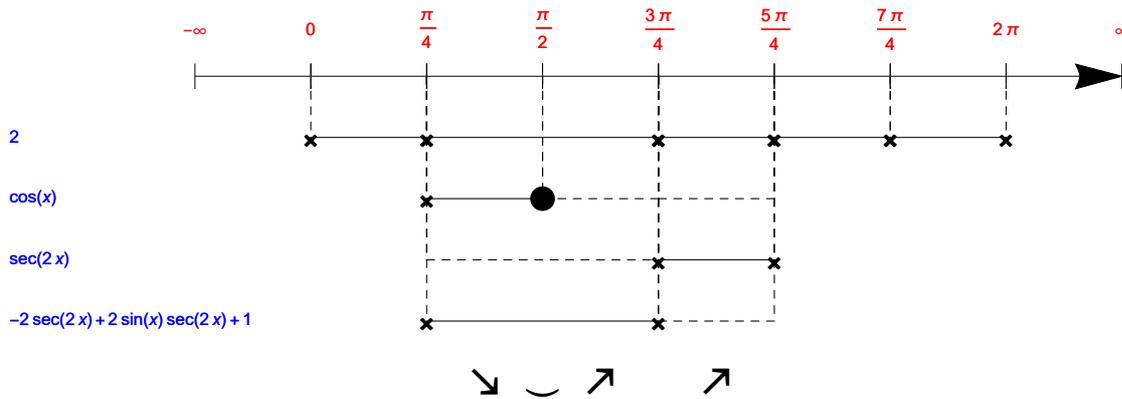
$$\lim_{x \rightarrow \frac{5\pi}{4}^+} \frac{2\sin(x)-1}{1-2\cos^2(x)} = -\infty$$

$$f\left(\frac{5\pi}{4}\right) = \nexists$$

**\*\* Derivata prima, punti stazionari e punti di non derivabilit  \*\***

$$y^{(1)}(x) = 2 \cos(x) \sec(2x) (-2 \sec(2x) + 2 \sin(x) \sec(2x) + 1)$$

**Studio del segno della derivata prima e ricerca dei punti stazionari**



**Punti stazionari determinati con lo studio del segno della derivata prima**

$(\frac{\pi}{2} ; 1) \rightarrow$  Minimo relativo – Punto stazionario

***Punti stazionari determinati col metodo delle derivate successive***

$(\frac{\pi}{2}; 1) \rightarrow$  Minimo relativo

*Derivate successive utilizzate per calcolare i punti stazionari*

$$f^{(1)}(x) = 2 \cos(x) \sec^2(2x) (2 \sin(x) + \cos(2x) - 2)$$

$$f^{(2)}(x) = \frac{1}{2} \sec^3(2x) (-22 \sin(x) - 9 \sin(3x) + \sin(5x) - 4 \cos(4x) + 12)$$

*Passaggi per determinare i punti stazionari*

$$x_1 = \frac{\pi}{2} \quad y^{(1)}\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0 \quad y^{(2)}\left(\frac{\pi}{2}\right) = 2$$

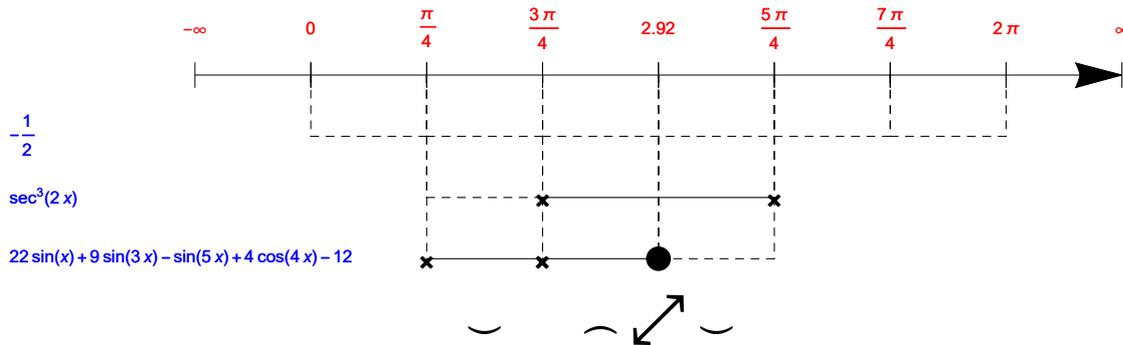
---

La funzione non ha punti di non derivabilità

**\*\* Derivata seconda e punti di flesso \*\***

$$y^{(2)}(x) = -\frac{1}{2} \sec^3(2x) (22 \sin(x) + 9 \sin(3x) - \sin(5x) + 4 \cos(4x) - 12)$$

**Studio del segno della derivata seconda e ricerca dei punti di flesso**



**Punti di flesso**

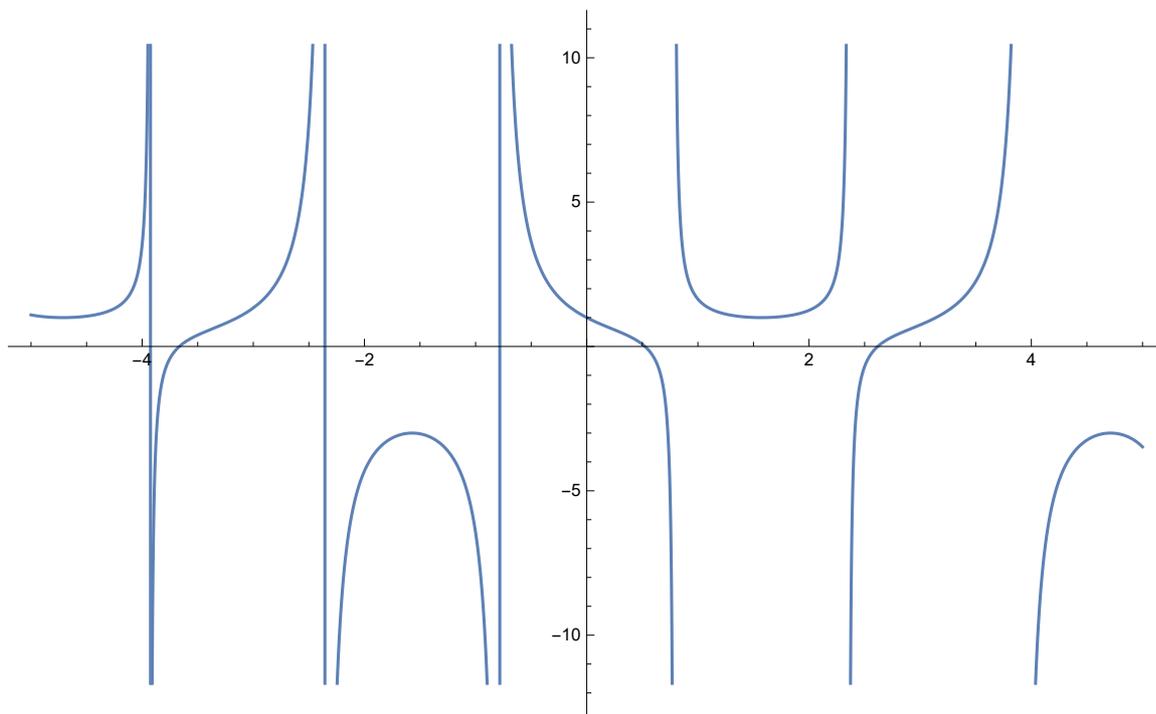
( 2.92 ; 0.62 )

**Coefficienti angolari delle tangenti nei punti di flesso**

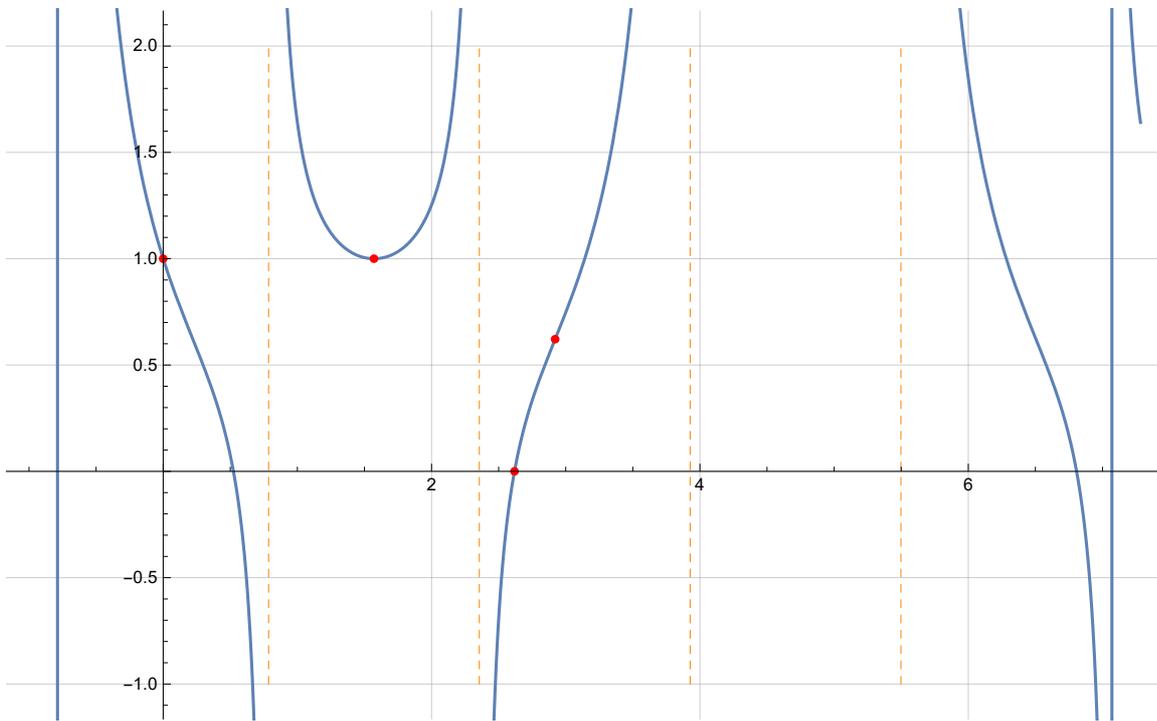
$$m_1 = 1.6$$

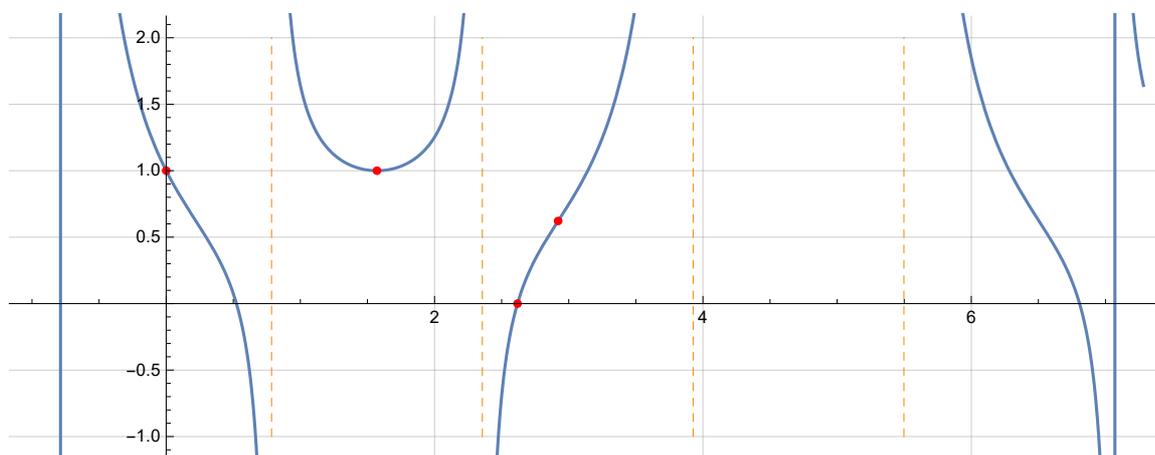
**Tangenti nei punti di flesso**

$$t_1) y = 1.6x - 4.0$$

**\*\* Grafici della funzione \*\******Grafico panoramico***

### Grafico in dettaglio



**Grafico in dettaglio con proporzioni 1:1**

Tempo di elaborazione: 11.3122682 s